
DIDAKTICKÝ TEST

Počet úloh: 16

Maximální bodové hodnocení: 50 bodů

Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

- Tento dokument obsahuje komentovaná řešení jednotlivých úloh didaktického testu.
- U každé úlohy je uveden jeden (příp. několik) z mnoha možných způsobů řešení.
- Do záznamového archu se zpravidla zapisují pouze výsledky úloh.
U úloh **3**, **4.3** a **5** se vyžaduje také zápis postupu řešení.
- Na konci dokumentu je přiložen vzor vyplněného záznamového archu.

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8 a 16** přepište do **záznamového archu** pouze **výsledky**.

1 bod

1 Vypočtete tři pětiny z dvojnásobku čísla 15.

Řešení:

$$\frac{3}{5} \cdot 2 \cdot 15 = 18$$

max. 2 body

2 Doplněte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost:

2.1

$$11 \text{ hodin } 17 \text{ minut} - 9 \text{ hodin } 45 \text{ minut} = \boxed{} \text{ minut}$$

Řešení:

$$11 \text{ h } 17 \text{ min} - 9 \text{ h } 45 \text{ min} = 2 \text{ h } 17 \text{ min} - 45 \text{ min} = 137 \text{ min} - 45 \text{ min} = \mathbf{92 \text{ min}}$$

případně

$$11 \text{ h } 17 \text{ min} - 9 \text{ h } 45 \text{ min} = 11 \text{ h} + 17 \text{ min} - (9 \text{ h} + 45 \text{ min}) = 2 \text{ h} - 28 \text{ min} = \mathbf{92 \text{ min}}$$

$$11 \text{ hodin } 17 \text{ minut} - 9 \text{ hodin } 45 \text{ minut} = \boxed{92} \text{ minut}$$

2.2

$$28 \text{ m}^2 - \boxed{} \text{ dm}^2 = 2\,300 \text{ dm}^2 + 2\,300 \text{ cm}^2$$

Řešení:

Řešíme v dm^2 .

$$2\,300 \text{ dm}^2 + 2\,300 \text{ cm}^2 = 2\,300 \text{ dm}^2 + 23 \text{ dm}^2 = 2\,323 \text{ dm}^2$$

$$2\,800 \text{ dm}^2 - \boxed{} \text{ dm}^2 = 2\,323 \text{ dm}^2$$

$$2\,800 \text{ dm}^2 - 2\,323 \text{ dm}^2 = \mathbf{477 \text{ dm}^2}$$

$$28 \text{ m}^2 - \boxed{477} \text{ dm}^2 = 2\,300 \text{ dm}^2 + 2\,300 \text{ cm}^2$$

V záznamovém archu uveďte čísla doplněná do rámečků.

Doporučení: Úlohy 3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

3 Vypočtete a výsledek запиште zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$(6 - 4) \cdot \frac{11}{8} + \frac{9}{14} \cdot \frac{7}{6} =$$

Řešení:

$$(6 - 4) \cdot \frac{11}{8} + \frac{9}{14} \cdot \frac{7}{6} = 2 \cdot \frac{11}{8} + \frac{3}{4} = \frac{11}{4} + \frac{3}{4} = \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

3.2

$$\frac{\frac{2 \cdot 3}{6} - \frac{4}{2 \cdot 3}}{\frac{2 + 3}{6}} =$$

Řešení:

$$\frac{\frac{2 \cdot 3}{6} - \frac{4}{2 \cdot 3}}{\frac{2 + 3}{6}} = \frac{\frac{6 - 4}{6}}{\frac{5}{6}} = \frac{2}{6} \cdot \frac{6}{5} = \frac{2}{5}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení**.

max. 4 body

4 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

4.1

$$(3a - 2) \cdot (-2a) =$$

Řešení:

$$(3a - 2) \cdot (-2a) = -6a^2 + 4a$$

4.2

$$(3x - 4)^2 =$$

Řešení:

$$(3x - 4)^2 = 9x^2 - 24x + 16$$

4.3

$$(2 + n) \cdot (3n - 3) + (3n - n) \cdot 2 - n \cdot (3 - 5) =$$

Řešení:

$$(2 + n) \cdot (3n - 3) + (3n - n) \cdot 2 - n \cdot (3 - 5) = 6n + 3n^2 - 6 - 3n + 4n + 2n = 3n^2 + 9n - 6$$

V záznamovém archu uveďte pouze v podúloze 4.3 celý **postup řešení**.

5 Řešte rovnici:

5.1

$$0,6x - \frac{1}{2} = 1,4x + 1,5$$

Řešení:

$$0,6x - \frac{1}{2} = 1,4x + 1,5 \quad | \cdot 10$$

$$6x - 5 = 14x + 15$$

$$-20 = 8x$$

$$x = -\frac{20}{8}$$

$$x = -\frac{5}{2}$$

5.2

$$\frac{3-2y}{3} = \frac{1-2y}{4} + \frac{y+3}{6}$$

Řešení:

$$\frac{3-2y}{3} = \frac{1-2y}{4} + \frac{y+3}{6} \quad | \cdot 12$$

$$4 \cdot (3-2y) = 3 \cdot (1-2y) + 2 \cdot (y+3)$$

$$12-8y = 3-6y+2y+6$$

$$3 = 4y$$

$$x = \frac{3}{4}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Všichni chlapci atletického oddílu se seřadili do zástupu podle velikosti. Před Petrem stála jedna osmina celkového počtu chlapců. Hned za Petrem stál jeho bratr Radek a za Radkem ještě pět šestin celkového počtu chlapců.

(CZVV)

max. 4 body

6 **Neznámý celkový počet chlapců atletického oddílu označte x .**

6.1 V závislosti na veličině x **vyjádřete** počet chlapců, kteří stáli před Petrem.

6.2 V závislosti na veličině x **vyjádřete** počet chlapců, kteří stáli za Petrem.

6.3 **Vypočtěte** celkový počet chlapců atletického oddílu.

Řešení:

x ... počet chlapců (stojících v zástupu)

6.1 Před Petrem je osmina počtu chlapců:

$$\frac{x}{8}$$

6.2 Za Petrem je Radek (1 osoba) a ještě pět šestin počtu chlapců:

$$1 + \frac{5x}{6}$$

6.3 Celý zástup chlapců tvořili chlapci stojící před Petrem, Petr a chlapci stojící za Petrem:

$$x = \frac{x}{8} + 1 + 1 + \frac{5x}{6}$$

$$x = \frac{x}{8} + 2 + \frac{5x}{6} \quad | \cdot 24$$

$$24x = 3x + 48 + 20x$$

$$x = 48$$

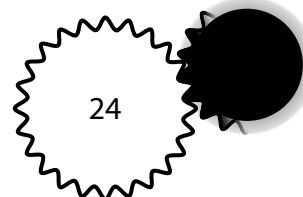
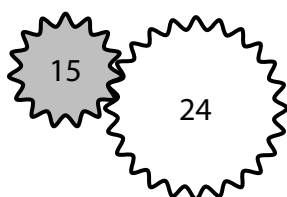
V atletickém oddílu bylo **48 chlapců**.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Na obrázku jsou sestaveny dvě různé dvojice ozubených koleček.

Šedé kolečko má 15 zubů a obě bílá kolečka 24 zubů.

Černé kolečko, které má méně zubů než bílé, se za každých 5 sekund otočí třikrát.



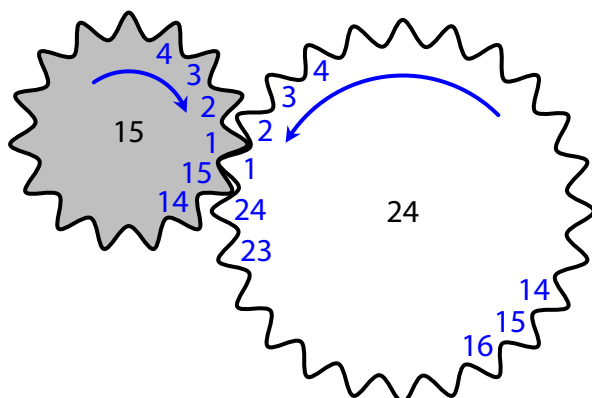
(CZVV)

max. 4 body

7

- 7.1 Pro první dvojici koleček **určete**, kolikrát se musí otočit šedé kolečko, než se poprvé obě kolečka vrátí do výchozí polohy.

Podrobné řešení:



U obou ozubených koleček můžeme všechny zuby očíslovat. Zuby, které spolu sousedí ve výchozí poloze, mají číslo 1. Při pootočení o 1 zub se setkají zuby s čísly 2, při dalším takovém pootočení zuby s čísly 3 atd., až se setkají zuby s čísly 15.

Při dalším pootočení o 1 zub se zub s číslem 1 v šedém kolečku setká se zubem s číslem 16 v bílém kolečku. Šedé kolečko se tak vrátilo do výchozí polohy, ale bílé kolečko ještě ne.

Tedy při každém pootočení o 15 zubů se šedé kolečko dostane do výchozí polohy.

Bílé kolečko se dostane do výchozí polohy při každém pootočení o 24 zubů.

Šedé kolečko bude ve výchozí poloze, pokud se pootočí buď o 15 zubů, nebo o 30 zubů, nebo o 45 zubů, ..., tedy o takový počet zubů, který je násobkem čísla 15.

Bílé kolečko bude ve výchozí poloze, pokud se pootočí buď o 24 zubů, nebo o 48 zubů, nebo o 72 zubů, ..., tedy o takový počet zubů, který je násobkem čísla 24.

Aby se obě kolečka dostala do výchozí polohy, počet zubů, o které se kolečka pootočí, musí být současně násobkem čísla 15 i násobkem čísla 24.

Šedé kolečko – násobky 15: 15, 30, 45, 60, 75, 90, 105, **120**, 135, ...

Bílé kolečko – násobky 24: 24, 48, 72, 96, **120**, 144, ...

Poprvé se obě kolečka vrátí do výchozí polohy, když se pootočí o **120 zubů**.

Číslo 120 je osminásobek čísla 15 (šedé kolečko se otočilo **8krát**) a pětinasobek čísla 24 (bílé kolečko se otočilo 5krát).

Obě kolečka se poprvé dostanou do výchozí polohy **po osmém otočení** šedého kolečka.

Stručné řešení:

Šedé kolečko bude ve výchozí poloze, pokud se pootočí o jakýkoli násobek 15 zubů.

Bílé kolečko bude ve výchozí poloze, pokud se pootočí o jakýkoli násobek 24 zubů.

Hledáme tedy nejmenší společný násobek čísel 15 a 24.

$$15 = 3 \cdot 5$$

$$24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 = 3 \cdot 8$$

$$n(15, 24) = 3 \cdot 5 \cdot 8 = 120$$

Kolečka se pootočila o 120 zubů.

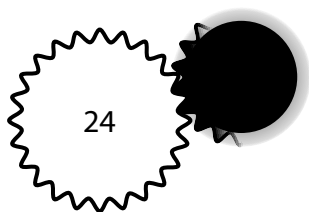
Platí: $120 = 15 \cdot 8$, to znamená, že šedé kolečko s 15 zuby se otočí **8krát**, než se obě kolečka se poprvé vrátí do výchozí polohy.

7.2 **Určete**, kolikrát se černé kolečko otočí za 5 minut.

Řešení:

Černé kolečko se za každých 5 sekund otočí třikrát.

5 minut je 60krát více než 5 sekund, proto se černé kolečko za 5 minut otočí celkem 180krát ($60 \cdot 3 = 180$).



7.3 Ve druhé dvojici koleček se obě kolečka vrátí do výchozí polohy poprvé po dvou otáčkách bílého kolečka.

Vypočtete, kolik zubů má černé kolečko.

Řešení:

Bílé kolečko má 24 zubů.

Obě kolečka – bílé i černé – budou poprvé ve výchozí poloze po 2 otáčkách bílého kolečka, což představuje pootočení o 48 zubů.

Černé kolečko splňuje následující 3 podmínky (viz výchozí text):

1. Má méně než 24 zubů.
2. Při pootočení o 24 zubů není ve výchozí poloze, tedy počet jeho zubů není dělitelem čísla 24.
3. Při pootočení o 48 zubů je ve výchozí poloze, tedy počet jeho zubů je dělitelem čísla 48.

Dělitele čísla 24: 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24

Dělitele čísla 48: 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48

Jediné číslo, které splňuje všechny 3 podmínky, je číslo 16.

Černé kolečko má **16 zubů**.

Jiný způsob řešení:

Bílé kolečko má 24 zubů.

Obě kolečka – bílé i černé – budou poprvé ve výchozí poloze po 2 otáčkách bílého kolečka, což představuje pootočení o 48 zubů.

Po prvním otočení bílého kolečka bude černé kolečko pootočené do poloviny.

To znamená, že se černé kolečko mohlo otočit 0,5krát, nebo 1,5krát, nebo 2,5krát, nebo 3,5krát apod.

Po druhé otáčce bílého kolečka (48 zubů) tak černé kolečko mohlo vykonat 1, nebo 3, nebo 5, nebo 7 otáček apod., tedy lichý počet otáček.

Počet zubů černého kolečka získáme vydělením čísla 48 počtem jeho otáček, tedy lichým číslem. To lze provést beze zbytku jen čísly 1 a 3.

$$48 : 1 = 48$$

$$48 : 3 = 16$$

Černé kolečko má méně zubů než bílé.

Tedy černé kolečko má **16 zubů**.

Jiný způsob řešení:

Bílé kolečko má 24 zubů, 2 otáčky tak představují pootočení o 48 zubů.

Nejmenší společný násobek počtů zubů bílého a černého kolečka bude 48. (Obě kolečka budou ve výchozí poloze po 2 otáčkách bílého kolečka.)

Počet zubů černého kolečka označíme z .

$$\text{Platí: } n(24, z) = 48, \quad z < 24$$

$$24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$$

$$48 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$$

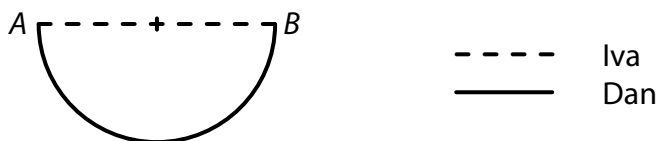
Číslo z je dělitelem čísla 48 a rozklad čísla z musí obsahovat součin $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$, což splňují pouze čísla 16 a 48. Z nich pouze 16 je menší než 24, proto $z = 16$.

$$n(24, 16) = 48$$

Černé kolečko má **16 zubů**.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Z místa A do místa B šla Iva přímou cestou dlouhou 2 km. Dan šel z místa A do místa B vycházkovou trasou, která má tvar půlkružnice.



(CZVV)

max. 2 body

8

8.1 **Vypočtete**, kolikrát delší byla cesta Dana než cesta Ivy.

(Výsledek zaokrouhlete na setiny.)

8.2 **Vypočtete**, o kolik kilometrů více ušel Dan než Iva.

(Výsledek zaokrouhlete na setiny km.)

Řešení:

Iva ušla z A do B (přímou cestou) 2 km.

Vyjádríme délku x vycházkové trasy Dana, což je polovina délky kružnice s poloměrem $r = 1$ km (poloměr r je polovina délky přímé cesty Ivy z A do B).

$$x = \frac{1}{2} \cdot 2\pi r = \pi r, \quad x \doteq 3,14 \text{ km}$$

8.1 $3,14 : 2 = \mathbf{1,57}$

Cesta Dana byla **1,57krát** delší než cesta Ivy.

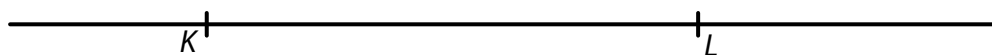
8.2 $3,14 - 2 = \mathbf{1,14}$

Dan ušel **o 1,14 km** více než Iva.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo **do záznamového archu**.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží přímka KL .



(CZVV)

max. 2 body

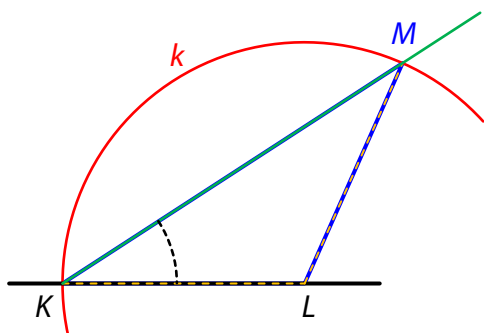
- 9** Body K, L jsou vrcholy trojúhelníku KLM . Velikost úhlu LKM je 30° .
Vzdálenost bodu L od bodu K je stejná jako vzdálenost bodu L od bodu M .

Sestrojte jeden trojúhelník KLM .

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

Řešení:

Nejprve sestrojíme náčrtek trojúhelníku KLM a vyznačíme v něm zadané údaje.

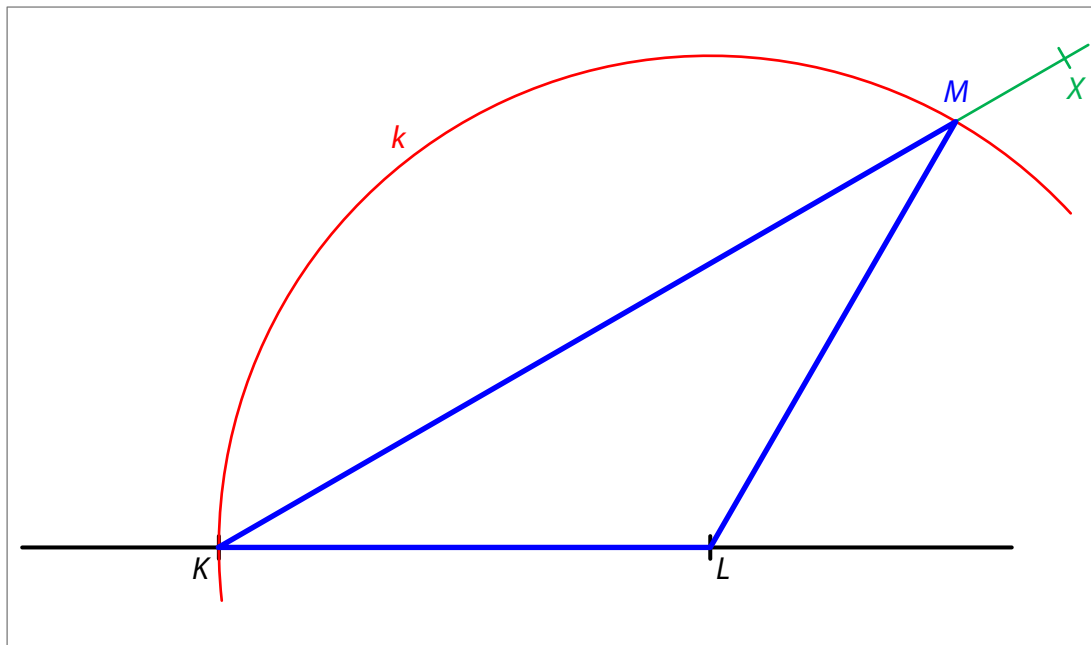


Strana KL je dána a má **stejnou délku** jako strana LM , tedy obě tyto strany jsou rameny rovnoramenného trojúhelníku KLM . Proto body K a M leží na **kružnici k** , která má střed v bodě L a **poloměr LK** .

V trojúhelníku KLM je zadána i velikost vnitřního úhlu při vrcholu K . Jedním ramenem tohoto úhlu je polopřímka KL a na **druhém rameni** leží bod M .

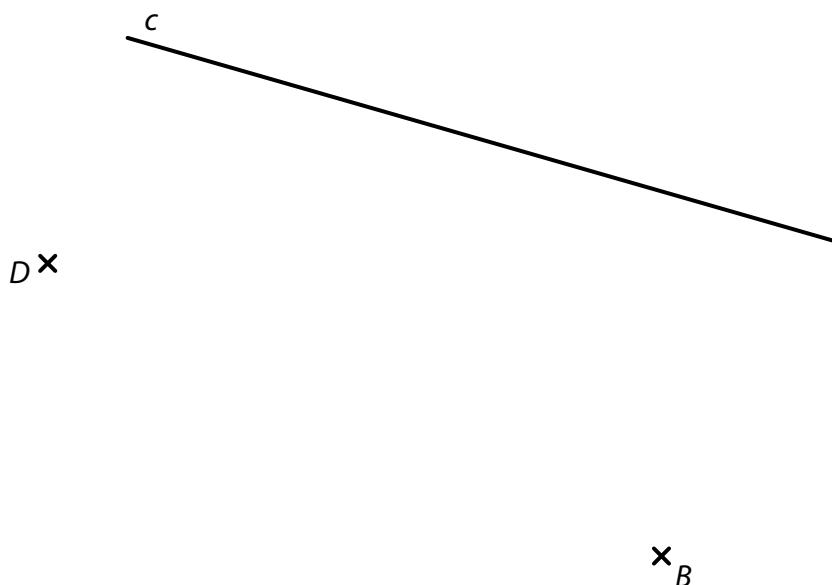
Konstrukci trojúhelníku popíšeme v několika následujících krocích:

1. Sestrojíme **kružnici k** se středem v bodě L a poloměrem LK .
2. Sestrojíme **polopřímku KX** tak, že velikost úhlu LKX je 30° .
(Pracujeme pouze v jedné polorovině.)
3. Průsečík **polopřímky KX** s **kružnicí k** je vrchol M trojúhelníku KLM .
4. Sestrojíme a zvýrazníme trojúhelník KLM .



VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží přímka c a mimo ni dva různé body B, D .



(CZVV)

max. 3 body

10 Body B, D jsou vrcholy obdélníku $ABCD$. Vrchol C obdélníku $ABCD$ leží na přímce c .

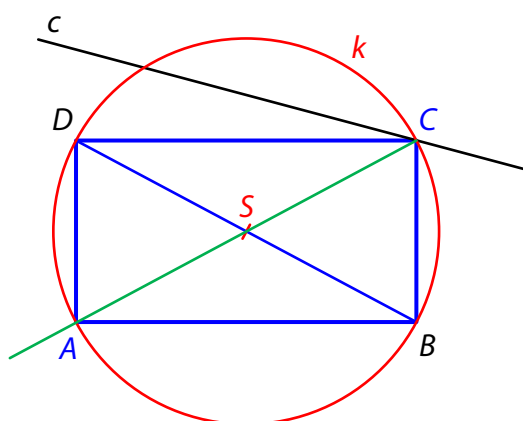
10.1 **Sestrojte a označte** písmenem chybějící vrchol C obdélníku $ABCD$.

10.2 **Sestrojte a označte** písmenem chybějící vrchol A obdélníku $ABCD$ a obdélník **narýsujte**.

Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

Řešení:



Nejprve sestrojíme náčrtek obdélníku $ABCD$ a vyznačíme v něm zadané údaje.

Jsou to body B, D a přímka c procházející bodem C .

Úsečka BD je úhlopříčkou čtverce.

Její střed je bod S .

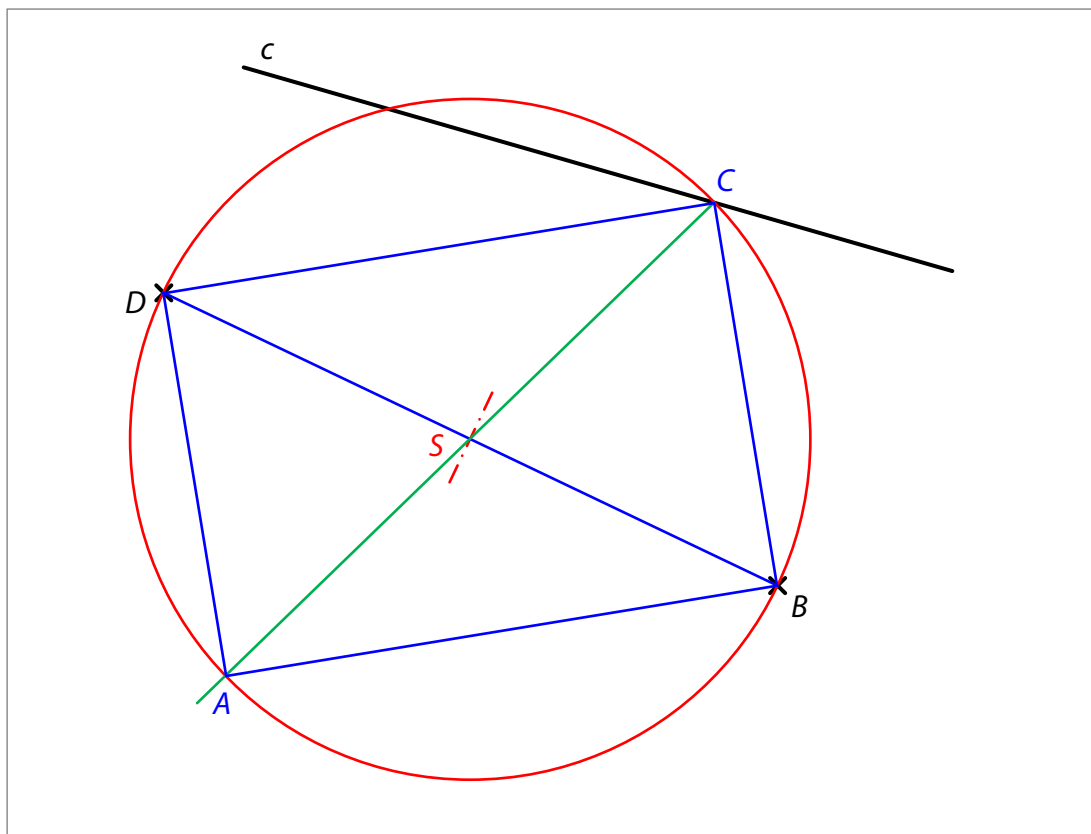
Všechny vrcholy obdélníku (tedy i B a D) leží na kružnici k , která má střed v bodě S .

Vrchol C leží i na přímce c .

Vrchol A je obraz bodu C ve středové souměrnosti se středem S .

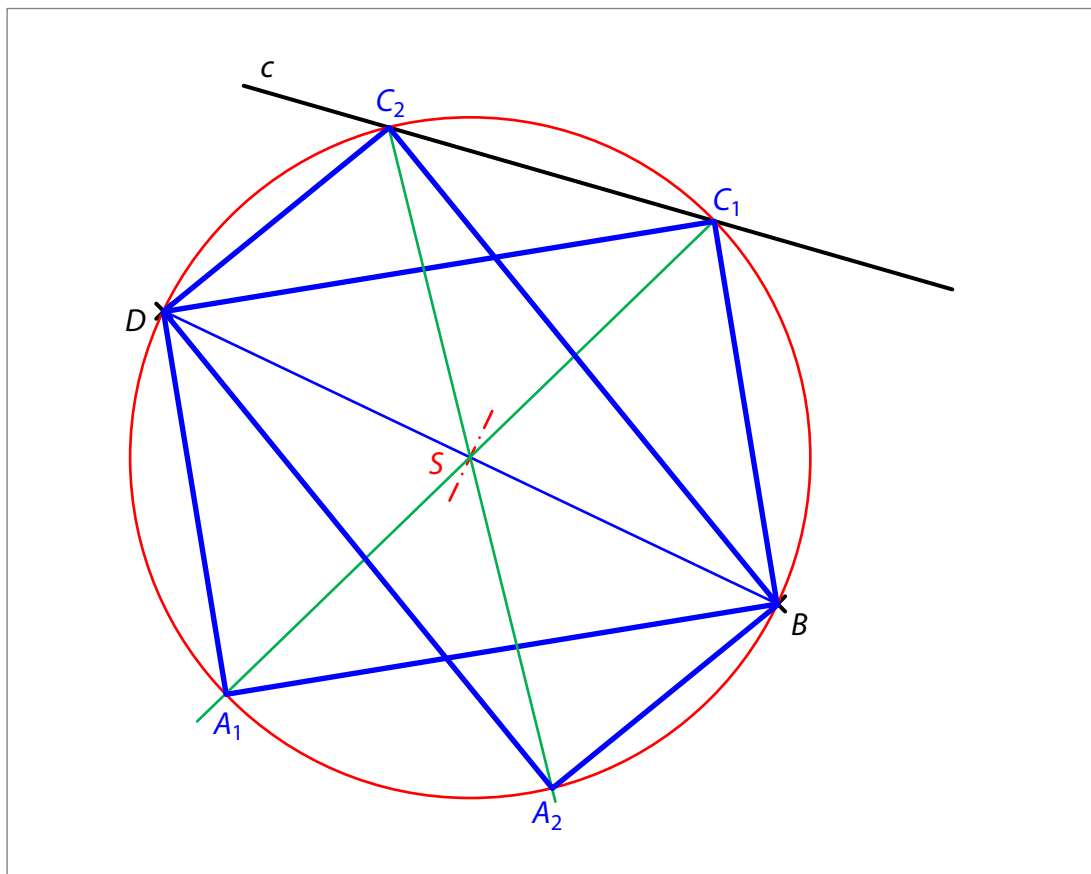
Konstrukci obdélníku popíšeme v několika následujících krocích:

1. Sestrojíme střed S úsečky BD .
2. Sestrojíme kružnici k , která má střed S a prochází bodem B (a D).
3. V průsečíku kružnice k s přímkou c leží vrchol C obdélníku $ABCD$.
4. Průsečík polopřímky CS s kružnicí k je vrchol A obdélníku $ABCD$.
5. Narýsujeme obdélník $ABCD$.



Protože existují 2 průsečíky kružnice k s přímkou c , získali jsme dva možné vrcholy C . Podle 4. a 5. kroku dokončíme také druhý obdélník.

6. Oba obdélníky zvýrazníme. (Sestrojené vrcholy musí být označeny písmeny. Odlišíme písmena označující vrcholy prvního a druhého řešení – například čísly.)



Závěr: Úloha má 2 řešení.

VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 11

Škola má dvě deváté třídy (9. A a 9. B).

V 9. A je třikrát více chlapců než dívek a celkem je v této třídě 24 žáků.

Počet všech žáků 9. B je o třetinu větší než počet všech žáků 9. A.

V 9. B je poměr počtu dívek a počtu chlapců (v uvedeném pořadí) 3 : 5.

	Dívky	Chlapci	Celkem
9. A			24
9. B			
Celkem			

(CZVV)

max. 4 body

11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.1 V 9. A je poměr počtu dívek a počtu chlapců (v uvedeném pořadí) 1 : 2.

A	N
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

11.2 Celkový počet dívek z obou 9. tříd je stejný jako počet chlapců v 9. A.

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
-------------------------------------	--------------------------

11.3 V 9. B je počet dívek o 8 menší než počet chlapců.

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
-------------------------------------	--------------------------

Řešení:

Chybějící údaje v tabulce dopočteme.

	Dívky	Chlapci	Celkem
9. A	6 (24 : 4 = 6)	18 (3 · 6 = 18)	24
9. B	12 (3 · 4 = 12)	20 (5 · 4 = 20)	32 (24 · $\frac{4}{3}$ = 32)
Celkem	18 (6 + 12 = 18)	38 (18 + 20 = 38)	56

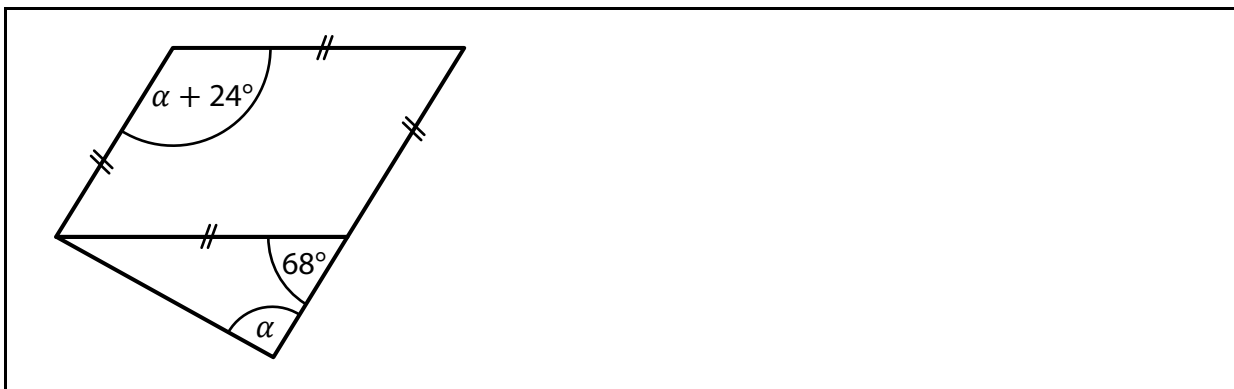
$$32 : (3 + 5) = 4$$

11.1 V 9. A je poměr počtu dívek a počtu chlapců (v uvedeném pořadí) 6 : 18 = 1 : 3.
Tvrzení 11.1 je **nepravdivé**.

11.2 Celkový počet dívek je 18, v 9. A je 18 chlapců.
Tvrzení 11.2 je **pravdivé**.

11.3 V 9. B je 12 dívek a 20 chlapců, tedy chlapců o 8 více než dívek.
Tvrzení 11.3 je **pravdivé**.

VÝCHOZÍ OBRÁZEK K ÚLOZE 12



(CZVV)

2 body

12 Jaká je velikost úhlu α ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- ☒ A) 88°
- ☐ B) 90°
- ☐ C) 92°
- ☐ D) 94°
- ☐ E) jiná velikost

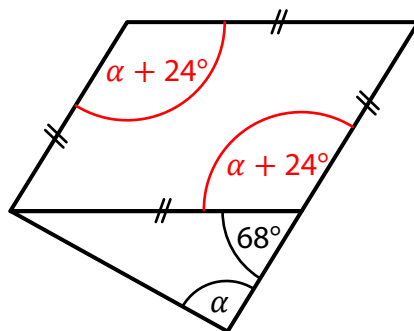
Řešení:

Využijeme shodnosti protilehlých úhlů v rovnoběžníku.

Platí:

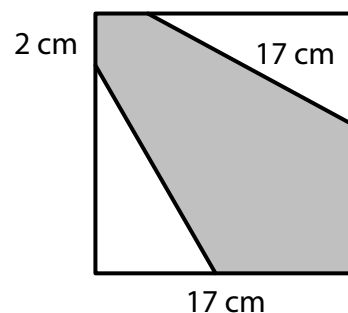
$$\alpha + 24^\circ + 68^\circ = 180^\circ$$

$$\alpha = 180^\circ - (24^\circ + 68^\circ) = 88^\circ$$



VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Čtverec se stranou délky 17 cm je rozdělen na šedý šestiúhelník a dva shodné bílé trojúhelníky. Nejdelší strana bílého trojúhelníku má délku 17 cm. Nejkratší strana šedého šestiúhelníku měří 2 cm.



(CZVV)

2 body

13 Jaký je obsah šedého šestiúhelníku?

- A) 127 cm^2
- B) 144 cm^2
- ☒ C) 169 cm^2
- D) 177 cm^2
- E) jiný obsah

Řešení:

Obsah čtverce: $17 \text{ cm} \cdot 17 \text{ cm} = 289 \text{ cm}^2$

Určíme délky obou odvěsen bílého trojúhelníku.

Delší odvěsna: $17 \text{ cm} - 2 \text{ cm} = 15 \text{ cm}$

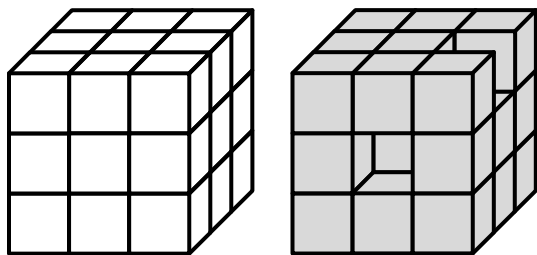
Kratší odvěsna: $\sqrt{17^2 - 15^2} \text{ cm} = \sqrt{289 - 225} \text{ cm} = \sqrt{64} \text{ cm} = 8 \text{ cm}$

Oba bílé trojúhelníky mají dohromady stejný obsah jako obdélník se stranami délek 15 cm a 8 cm: $15 \text{ cm} \cdot 8 \text{ cm} = 120 \text{ cm}^2$

Obsah šedého šestiúhelníku: $289 \text{ cm}^2 - 120 \text{ cm}^2 = 169 \text{ cm}^2$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 14

Krychle byla slepena z 27 malých bílých krychliček o hraně délky 2 cm. Dvě malé krychličky jsme odstranili, a vzniklo tak nové těleso. Všechny dostupné plochy nového tělesa jsme obarvili na šedo (i zespodu).



(CZVV)

2 body

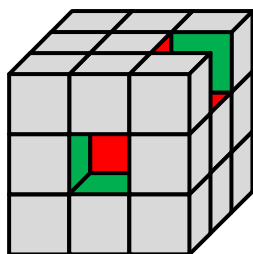
14 Jaký je celkový obsah šedých ploch nového tělesa?

- A) menší než 236 cm^2
- B) 236 cm^2
- ☒ C) 240 cm^2
- D) 244 cm^2
- E) větší než 244 cm^2

Řešení:

Délka hrany krychle je 6 cm ($3 \cdot 2 \text{ cm} = 6 \text{ cm}$).

Povrch krychle: $6 \cdot 6 \text{ cm} \cdot 6 \text{ cm} = 216 \text{ cm}^2$



Odstraněním jedné krychličky na přední stěně krychle se 1 čtvereček z povrchu krychle posunul dovnitř dutiny a k celkové ploše přibyly 4 čtverečky uvnitř dutiny.

Odstraněním druhé krychličky vpravo nahoře se 2 čtverečky posunuly dovnitř a k celkové ploše přibyly další 2 čtverečky uvnitř dutiny.

Každý čtvereček má obsah 4 cm^2 ($2 \text{ cm} \cdot 2 \text{ cm} = 4 \text{ cm}^2$).

Povrch nového tělesa je větší než povrch krychle o obsah 6 čtverečků, tedy o 24 cm^2 :
 $216 \text{ cm}^2 + 24 \text{ cm}^2 = \mathbf{240 \text{ cm}^2}$

15 Přiřadte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

15.1 Cena jedné židle se snížila o 25 % na 1 800 korun.

Kolik korun stála jedna židle před snížením ceny?D**Řešení:**

Cena židle po snížení	75 % ...	1 800 korun
Sleva	25 % ...	600 korun
Cena židle před snížením	100 % ...	2 400 korun

Jiný způsob řešení:

Cena židle po snížení	75 % ...	1 800 korun
Cena židle před snížením	100 % ...	x korun

$$\frac{x}{1800} = \frac{100}{75}$$

$$x = 1800 \cdot \frac{4}{3} = \mathbf{2\,400}$$

15.2 Výrobek po zdražení o 20 % stojí 2 700 korun.

Kolik korun stál výrobek před zdražením?B**Řešení:**

Cena výrobku po zdražení	120 % ...	2 700 korun
Zdražení	20 % ...	450 korun
Cena výrobku před zdražením	100 % ...	2 250 korun

Jiný způsob řešení:

Cena výrobku po zdražení	120 % ...	2 700 korun
Cena výrobku před zdražením	100 % ...	x korun

$$\frac{x}{2700} = \frac{100}{120}$$

$$x = 2700 \cdot \frac{5}{6} = \mathbf{2\,250}$$

15.3 Jana na lyžařské brýle přispěla 40 %, chybějících 900 korun za lyžařské brýle doplatil strýc.

Cena za lyžařské brýle tvořila 60 % celé útraty za nákup lyžařských doplňků.

Kolik korun činila celá útrata za nákup lyžařských doplňků?

E

Řešení:

Lyžařské brýle:

Platil strýc 60 % ... 900 korun

20 % ... 300 korun

Cena brýlí 100 % ... **1 500 korun**

Nákup lyžařských doplňků:

Z toho cena za brýle 60 % ... **1 500 korun**

20 % ... 500 korun

Celá útrata 100 % ... **2 500 korun**

Jiný způsob řešení:

Cena brýlí tvořila 60 % celé útraty.

Strýc zaplatil 60 % ceny brýlí, tedy 36 % celé útraty ($0,6 \cdot 0,6 = 0,36$).

Strýc zaplatil 36 % ... 900 korun

Celá útrata 100 % ... x korun

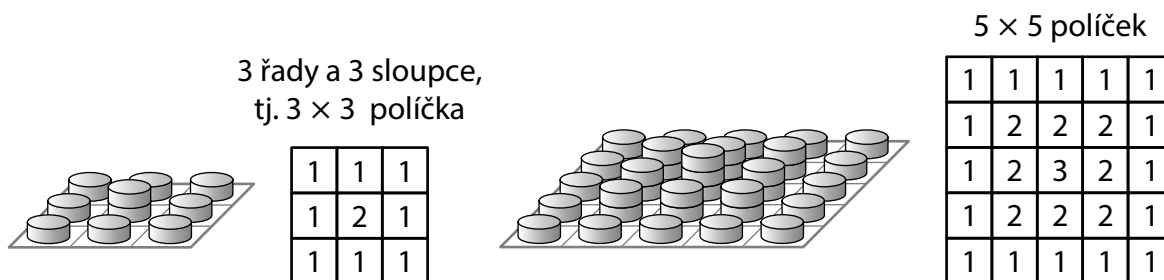
$$\frac{x}{900} = \frac{100}{36}$$

$$x = 900 \cdot \frac{25}{9} = \mathbf{2\,500}$$

- A) 2 160 korun
- B) 2 250 korun
- C) 2 340 korun
- D) 2 400 korun
- E) 2 500 korun
- F) jiný počet korun

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Na čtvercovou desku s **lichým počtem políček** rozmístíme žetony obdobným způsobem jako na obrázku a rozmístění a počty žetonů zaznameneáme do tabulky.



Následující kroky popisují, jak rozmístíme žetony na čtvercovou desku.

První krok:

Na každé políčko po obvodu desky položíme 1 žeton.

Následující kroky:

Vybereme vždy všechna prázdná políčka, která bezprostředně sousedí s obsazenými políčky, a na každé z nich položíme o 1 žeton více, než jsme pokládali na jednotlivá políčka v předchozím kroku.

Největší počet žetonů tak bude na prostředním políčku desky.

(CZVV)

max. 4 body

16

16.1 Čtvercová deska má na prostředním políčku 9 žetonů.

Určete, kolik políček je v každé řadě této čtvercové desky.

Řešení:

5 × 5 políček

1	1	1	1	1
1	2	2	2	1
1	2	3	2	1
1	2	2	2	1
1	1	1	1	1

V **prostřední** řadě je na obou krajních políčkách po 1 žetonu a směrem ke středu řady počet žetonů na políčkách vzrůstá vždy o 1. Uprostřed řady je nejvíce žetonů.

Počet žetonů na každém políčku prostřední řady zároveň udává pořadí tohoto políčka od bližšího okraje řady (levého nebo pravého).

Tedy 1 žeton leží na 1. políčku od nejbližšího okraje prostřední řady, 2 žetony na 2. políčku, 3 žetony leží uprostřed řady, tj. na 3. políčku zleva i zprava.

Prostřední řada s 9 žetony na prostředním políčku:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	8	...
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	-----

Má-li deska na prostředním políčku 9 žetonů, je toto políčko v prostřední řadě deváté, a to zprava i zleva. Vedle tohoto políčka je proto z každé strany ještě 8 dalších.

Celkový počet políček v jedné řadě: $8 + 1 + 8 = 17$

Konal(a) zkoušku ☐Vyloučen(a) ☐Nepřítomen(na) či nedokončil(a) ☐**MATEMATIKA 9A****List 1 ze 2**Jméno
a příjmení ELIŠKA DŮVTIPNÁ'**DIDAKTICKÝ TEST – STRANA 1-4**

1

18

2

2.1

92

2.2

477

3

Uvedte postup řešení.

3.1

$$(6-4) \cdot \frac{11}{8} + \frac{9}{14} \cdot \frac{7}{6} = \frac{2 \cdot 11}{8} + \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} = \\ = \frac{11}{4} + \frac{3}{4} = \frac{14}{4} = \underline{\underline{\frac{7}{2}}}$$

3.2

$$\frac{\frac{2 \cdot 3}{6} - \frac{4}{2 \cdot 3}}{\frac{2+3}{6}} = \frac{\frac{6-4}{6}}{\frac{5}{6}} = \frac{2}{6} \cdot \frac{6}{5} = \underline{\underline{\frac{2}{5}}}$$

4

4.1

$$-6a^2 + 4a$$

4.2

$$9x^2 - 24x + 16$$

4.3 Uvedte postup řešení.

$$(2+n) \cdot (3n-3) + (3n-n) \cdot 2 - n(3-5) = \\ = 6n + 3n^2 - 6 - 3n + 4n + 2n = \\ = \underline{\underline{3n^2 + 9n - 6}}$$

5

Uvedte postup řešení.

5.1

$$\begin{aligned}
 0,6x - \frac{1}{2} &= 1,4x + 1,5 \\
 -2 &= 0,8x \\
 x &= -\frac{2}{0,8} = -\frac{20}{8} \\
 x &= -\frac{5}{2}
 \end{aligned}$$

5.2

$$\begin{aligned}
 \frac{3-2y}{3} &= \frac{1-2y}{4} + \frac{y+3}{6} \quad | \cdot 12 \\
 4(3-2y) &= 3(1-2y) + 2(y+3) \\
 12 - 8y &= 3 - 6y + 2y + 6 \\
 3 &= 4y \\
 y &= 0,75
 \end{aligned}$$

6

6.1

$$\frac{x}{8}$$

6.2

$$\frac{5x}{6} + 1$$

6.3

48 chlapců

7

7.1

8krát

7.2

180krát

7.3

16 rukou

8

8.1

1,57krát

8.2

o 1,14 km

A geometric diagram illustrating a construction. A horizontal line contains two points, K and L . A curved line segment connects K to a point M above the horizontal line. A straight line segment connects L to M . The angle at K is labeled α .

11 A N

11.1 ☐ ☒

11.2 ☒ ☐

11.3 ☒ ☐

12 A B C D E

12 ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

13 ☐ ☐ ☒ ☐ ☐

14 ☐ ☐ ☒ ☐ ☐

15 A B C D E F

15.1 ☐ ☐ ☐ ☒ ☐ ☐

15.2 ☐ ☒ ☐ ☐ ☐ ☐

15.3 ☐ ☐ ☐ ☐ ☒ ☐

16

16.1

16.2

16.3

17 políček 24 políček 121 políček